
物理学実験 II

ブラウン運動

— 第2日目 —

電気力学結合系の特性評価

電気-力学結合系

－結合系－

・ 電気-力学結合系

ねじれ型振動子のブラウン運動の計測
→ 振動子の機械振動を
電気信号に変換して記録



トランスデューサ

このとき

振動読み取りによる反作用で
力学系の特性が変化する



トランスデューサのパラメータを変化させ、
振動子の特性（共振周波数・Q値）を測定
→ ブラウン運動測定パラメータを決める



力学系(1)

－力学系のパラメータ－

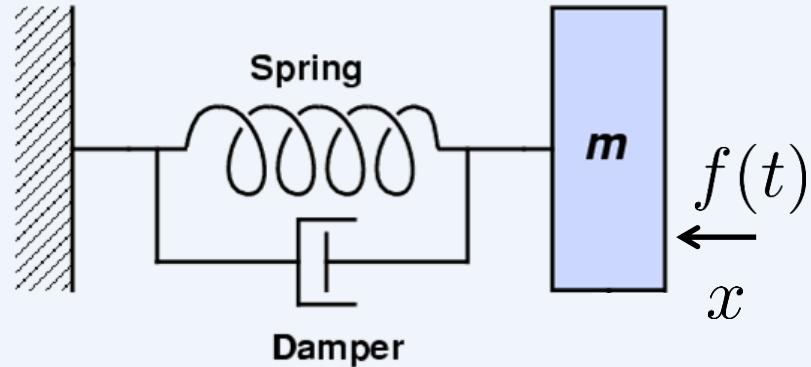
- 力学系(ねじれ型振動子)

調和振動子としてモデル化される
マス、ばね、ダンパーで構成される

運動方程式

$$m \left(\ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q} \dot{x} + \omega_0^2 x \right) = f(t)$$

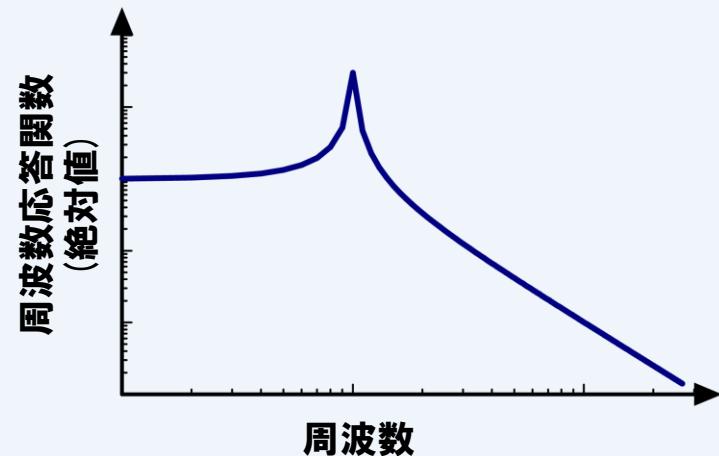
慣性力 減衰力 復元力 外力



両辺フーリエ変換して変形
→ 周波数応答関数

$$H(\omega) = \frac{\tilde{x}}{\tilde{f}} = \frac{1}{m \left(\omega_0^2 - \omega^2 + i \frac{\omega \omega_0}{Q} \right)}$$

共振角周波数 Q値

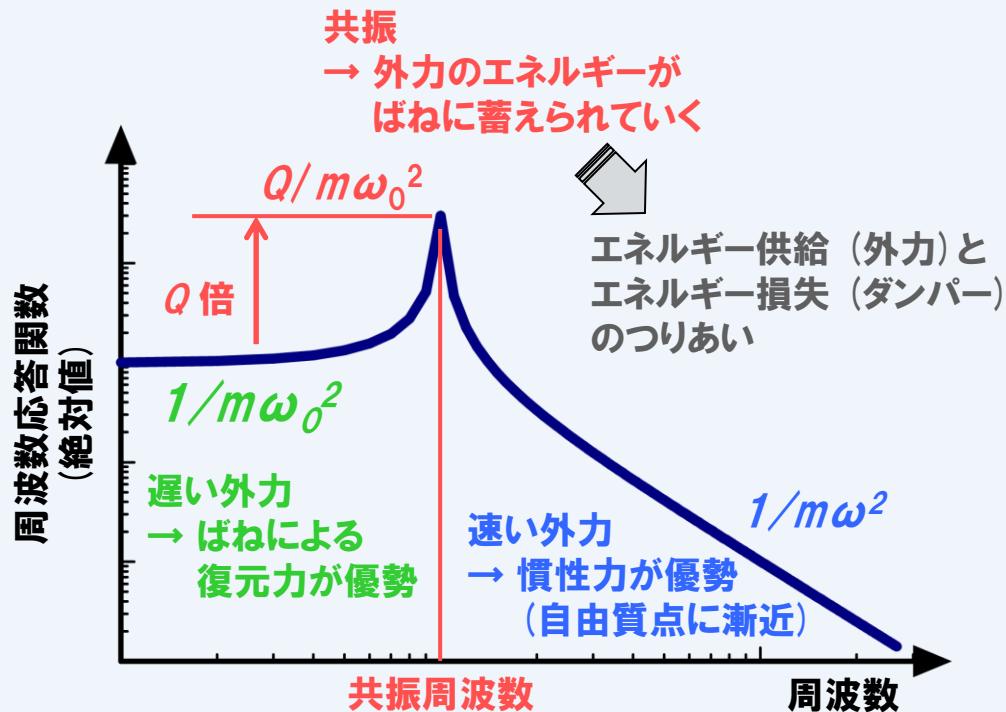


力学系(2)

— 周波数特性 —

・ 力学系の特性

共振周波数とQ値で特徴付けられる



$$H(\omega) = \frac{1}{m \left(\omega_0^2 - \omega^2 + i \frac{\omega \omega_0}{Q} \right)}$$

Q値：共振の鋭さ、損失に関係

Q値：高い

→ 共振-鋭い、損失-少ない

Q値：低い

→ 共振-鈍い、損失-大きい

$$Q = \frac{\omega_0}{\omega_{FWHM}} \quad \begin{matrix} \leftarrow \text{共振角周波数} \\ \leftarrow \text{半值全幅} \end{matrix}$$

力学系(3)

－ 時間応答 －

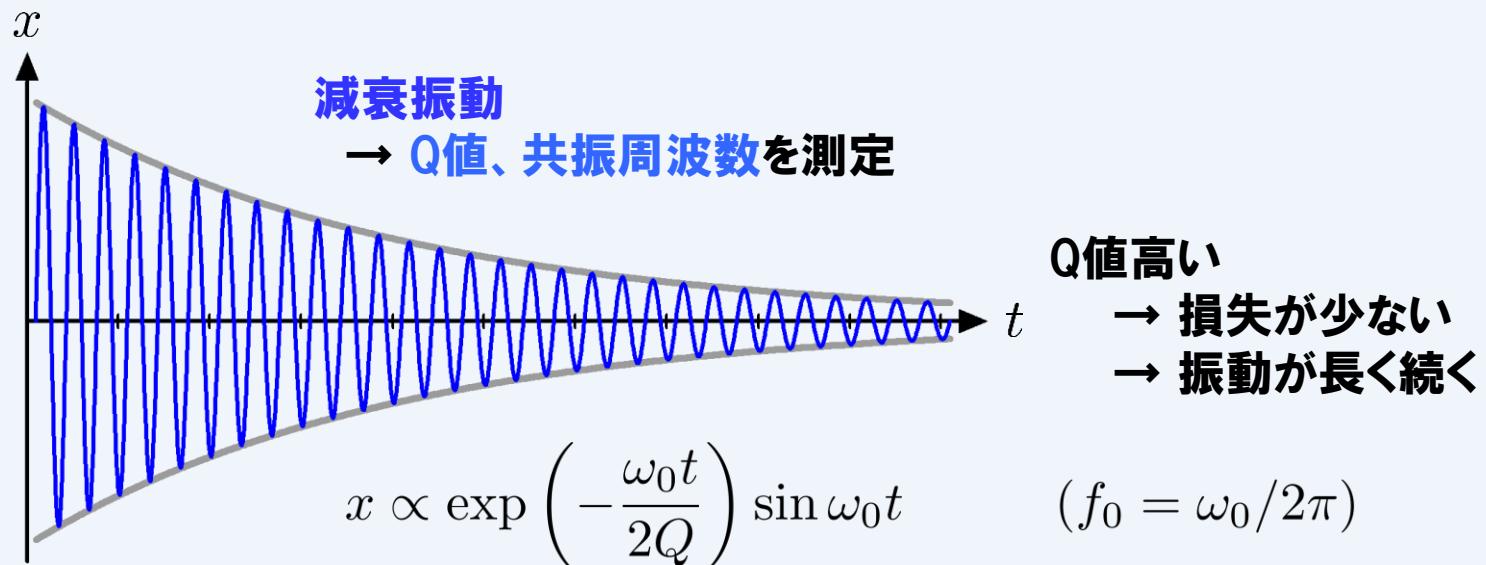
・ 力学系の特性

インパルス応答

短い撃力を与えた時の時間発展

→ 周波数応答関数のフーリエ変換で表される

$$h(t) = \frac{1}{m\omega_0} \exp\left(-\frac{\omega_0 t}{2Q}\right) \sin \omega_0 t$$



電気-力学系(1)

– 静電型トランステューサ –

• トランステューサ

振動子の変位を電気信号に変換する
→ 静電型トランステューサを使用

バイアス電圧

→ 極板に電荷がたまる



質点が変動

→ コンデンサ容量が変化し
電荷が移動

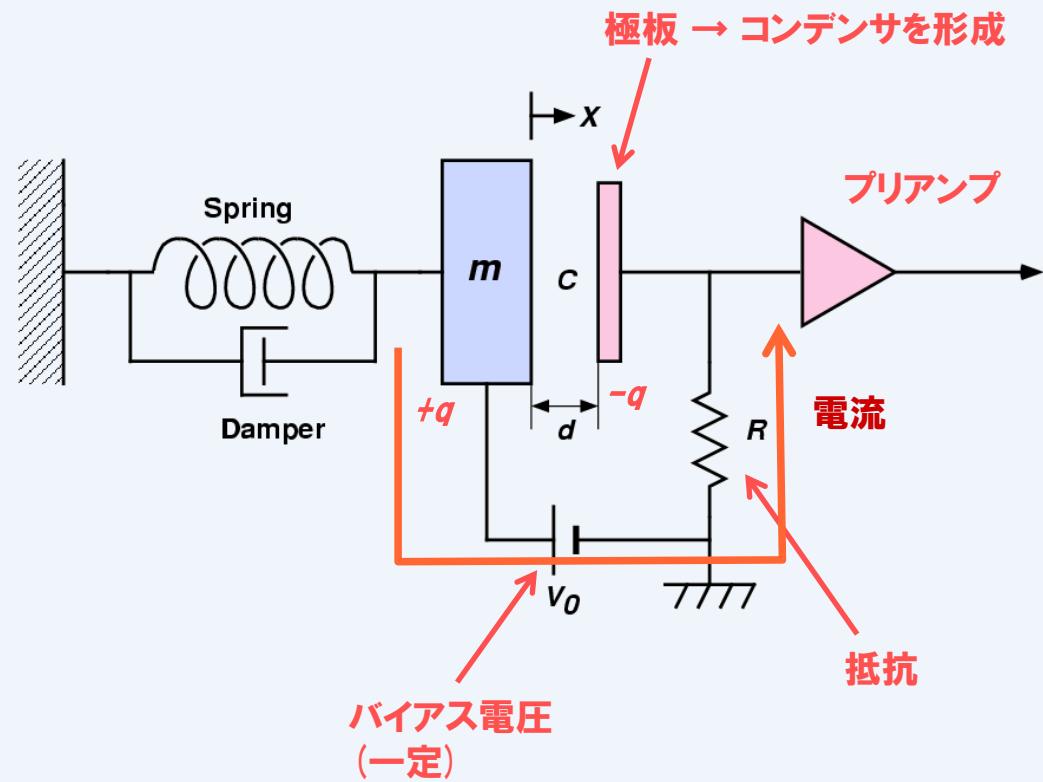


抵抗に電流が流れる

→ 抵抗の両端に信号

$$\tilde{v} \sim E\tilde{x}$$

電界強度



電気-力学系(2)

－反作用－

・トランスデューサの反作用

トランスデューサによって
力学系の特性が変化

運動方程式

$$m \left(\ddot{x} + \frac{\omega_M}{Q_M} \dot{x} + \omega_M^2 x \right) - Eq = f(t)$$

トランスデューサ
の反作用

電気系の方程式

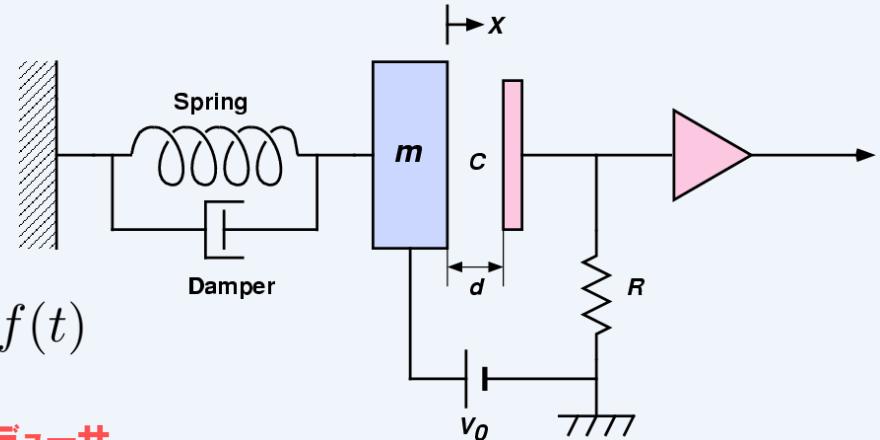
$$R\dot{q} + \frac{1}{C}q - Ex = 0$$



フーリエ変換して q を消去

$$m \left(-\omega^2 + i \frac{\omega_M \omega}{Q_M} + \omega_M^2 \right) \tilde{x} - \frac{CE^2}{1 + i\omega CR} \tilde{x} = 0$$

トランスデューサの反作用
実数部 → 共振周波数の変化
虚数部 → Q値の変化



共振周波数、Q値が変化
実効的なバネ定数の変化
抵抗でのエネルギー損失

電気-力学系(3)

－測定－

・電気力学結合系の特性評価

トランステューサのパラメータ

(抵抗値 R 、バイアス電圧 V_0) を変えて

力学系の特性

(共振周波数 f_0 、Q値) を測定

抵抗値: 1 MΩ, 2 GΩ の2通り

バイアス電圧: 27 V - 135 V の5通り

測定手順

バイアス電圧をかける

振動を十分大きく励起

(入力信号の周波数を共振周波数に合わせる)

励起信号を切る

周波数を測定

(小数点以下4桁までの精度で測定)

半減期を測定し、Q値を求める

振動子の温度を測定する

重要事項 (真空槽を開ける時、終了時
バイアスを切り、放電しきるのを待つ
電離真空計をOFFにする)

注意

バイアス電圧をかけてから暫く待つ
十分大きく励起する

(外乱の影響を避けるため)

信号が飽和していないか

オシロスコープで確認する

バイアス電圧は実測値を用いる