坪野研輪講

2011年5月11日

#### Alignment Sensing and Control for LCGT —Hanford 2011春—



東京大学大学院理学系研究科物理学専攻 坪野研究室 修士課程2年

- 出張先: LIGO Hanford Observatory(LHO)
- 期間: 2011年4月20日-5月6日
- きっかけ: Ranaに会ってこいと言われ(2010年12月)
- 目的: LCGTのASCを設計するにあたり、aLIGOのASCを設 計したLisa Barsottiや、Optickleを開発したMatt Evansに会って直接いろいろ聞きながらASCについて 勉強すること LIGOのでかい干渉計を見ること
- お金: LIGO(Caltech)、麻生さん



- LHOの紹介
- ASCとは
- ASC(WFS)の原理
- iLCGT向けASCの計算結果

# LHO所在地

• Richland, Washington LIGO: Laser Interferometer



LIGO Hanford Observatory

. . . .

#### 宿泊場所(Paragon) から約25km(車)

US reservation

82

Horn Rd

Pagaron Corporate Housing

C 2011 Google Image C 2011 DigitalGlobe Image U.S. Geological Survey

46°21'48.17″N 119°15'11.07″W 標高 133 m

Passite

395 182 <u>12</u>

Pasco Airport

LHO所在地

像取得日: 2010/5/12



LIGO-G1000252

#### Keita Kawabe, GWADW2010 Kyoto, May/17/2010

# LIGO関係でやったこと

- Advanced LIGOインストール関係は訪問者はできない らしい
- squeezing関係ならやってもよい
- squeezing定盤の設置の手伝い
- squeezed vacuumを入れる output Faradayの組み立て手伝い



- 最初の1週間は河邊さんに手伝ってと言われれば出動という感じ。最後の1週間は河邊さんCaltechへ行ってしまったので、ずっとcontrol roomでLCGTのASC計算
- わからないところがあればMattやLisaをつかまえて質問,



# ASCとは

- Alignment Sensing and Control
- 干渉計を構成する鏡の姿勢(角度)を制御すること
- 鏡が角度揺れを起こすとビームスポットが中心から
   ずれ、長さとカップルし、干渉計の感度を汚してしまう
- 鏡の姿勢を取得する方法としては local sensor (鏡につけたshadow sensorなど) 光てこ(OpLev) wavefront sensor (WFS)

#### WFSの原理

 ガウシアンビーム 断面で電場振幅がガウス分布 ビーム半径はウェストで最小、 ウェストから離れるほどビーム半径大 ウェストでは平面波、遠くでは球面波 Gouy phase: 平面波とガウシアンビームの位相差





# WFSの原理

- もう少し数学的に言うと……
- 断面はHermite多項式と Gaussianの積(HGモード)
- ・ ずれたOOモードは元のOOモード と1Oモードの重ね合わせ  $U_{00}^{\text{shift}} \simeq U_{00} + \frac{\delta x}{w_0} U_{10}$  $U_{00}^{\text{tilt}} \simeq U_{00} + i \frac{\delta \theta}{W_0} U_{10}$



- ・ 共振器の反射光に含まれるOOモードと10モードの干渉
   を、上下(左右)が分割されたQPDで見る
- Gouy phaseはOOモードと1Oモードの位相差

 $\alpha_0$ 

# Optickleによるシュミレーション

- 複雑な干渉計の出力を手計算でするのは大変
   → Optickle を使ってシュミレート
- ある鏡が傾くとどこにどのくらい信号が出るか
- シュミレーション結果を元に制御ループを設計
- 以降の計算は以下を参考:

Lisa Barsotti, Matt Evans: *Modeling of Alignment Sensing and Control for Advanced LIGO*, LIGO-T0900511-v4 (2009)

# ASC設計手順

- 制御自由度の選択
- 信号取得ポートの選択、angular sensing matrix
- 各制御自由度の制御ループを設計
   サスペンション伝達関数が重要
   地面振動を抑え、ショットノイズを導入しない
- ノイズを入れ、各鏡の残留角度揺れを計算
- 各鏡の残留角度揺れによって、各鏡のビームスポットが どれだけ動くか計算
- 上2つの畳み込みから長さへのカップリングを計算
- 適当な係数をかけてDARMへのカップリングを計算
- DARMを汚すかどうかで制御系を評価 DARM=differential arm つまり干渉計の重力波に対する感度

#### 角度制御系の構造





## **Sensing Ports**



# 各ポートでの光量、腕内パワー

- だいたい同じに調整(AS以外)
  - REFL 28 mW AS 2.1 mW TRX/Y 26 mW

REFLはINの3000ppm反射 ASはASSPLITの0.05透過 TRX/YはETMの55ppm透過で、その後アテネータ0.9

- どのくらいがいいのか?
   aLIGOでは50mW(ASは2.5mW)
- パワーが大きい方がショットノイズで鏡を揺らしにくい 1/sqrt(P)で効く 以前は数mWにしていたが、今回増やしてみた
- 腕内パワーは9.6 kW iLCGTではなんでもよいが、 bLCGTになると400 kWになるので SOFT/HARDが重要になってくる

# 制御自由度の選択

- 腕cavityはETM/ITMではなく輻射圧の影響を考えた SOFT/HARDがよい
- 両腕でcommon/differential

→CS, CH, DS, DH, BS, PR3, PR2の7自由度

別にこの7自由度でなくてもよい PR2, PR3を組み合わせて別の2つの自由度にしてもよい し、BSもCS, CH, DS, DHの組み合わせで表せる 要検討

#### 輻射圧の影響





 輻射圧が鏡の傾きを 大きくさせようとするモード: SOFT 小さくさせようとするモード: HARD



• SOFT/HARDを使うと対角化できる

$$\begin{pmatrix} \theta_{\text{SOFT}} \\ \theta_{\text{HARD}} \end{pmatrix} = \frac{1}{1+r^2} \begin{pmatrix} 1 & r \\ r & -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \theta_{\text{ETM}} \\ \theta_{\text{ITM}} \end{pmatrix}$$

規格化の1/(1+r^2)は単なる慣習 たまたま逆行列の方でメインに考えてるから

# 同相と差動SOFT/HARD

 FPMIでは同相と差動があるので common/differential SOFT/HARD

$\left( \theta_{\rm CS} \right)$		( 1	1	r	r )	$\theta_{ m ETMX}$	١
$ heta_{ m CH}$	_ 1	r	r	-1	-1	$ heta_{ ext{ETMY}}$	
$ heta_{ m DS}$	$-\frac{1}{2(1+r^2)}$	1	-1	r	-r	$ heta_{ ext{ITMX}}$	
$\left( \theta_{\rm DH} \right)$		$\setminus r$	-r	-1	1 /	$\theta_{\rm ITMY}$	

 以下制御の自由度として、ETM/ITMの基底でなく SOFT/HARDの基底を使う

# ポートの選択と位相の最適化

- 位相は全て相対的な値(差だけが重要)
- Gouyまたは復調位相が離れているものを選ぶ

			R	REFL DO	0			RFF		11	REFL f	l demo	dulatior	REF	L B1	П		F	REFL f2	demod	dulatior	ı
	CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2		cs	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2		CS	СН	DS	DH	BS	PR3
Gouv	19.6	-20.7	69.6	68.5	34.5	17.1	-8.7	Gouy	85.7	6.0	-19.7	-19.7	-19.7	-20.3	-22.0	Gouy	85.6	5.9	-4.3	-83.9	-20.0	-20.3
,								demod	0.0	-0.0	-89.9	-90.0	-67.2	0.0	0.0	demod	- 0.3	0.3	-1.1	2.4	0.3	0.3
ampl	24009.3	-3903.1	11.6	1.8	54.9	209.7	78.0	ampl	693.4	251.0	439.2	-538.5	413.4	452.8	53.8	ampl	-1811.9	-655.9	-0.9	-0.3	-418.3	-1183.
I											R	EFL_	B1Q									
				AS DC							AST	demodi	llation									
	CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2		<u>cs</u>	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2	L						
Gouy	70.2	70.2	-3.0	-71.5	-1.2	69.7	68.0	Gouy	19.6	-21.5	70.4	68.5	-41.9	69.6	67.9							
								demod	89.8	-89.8	-89.8	-89.8	-89.8	-89.8	-89.8							
ampl	492.1	-603.4	-2.6	-1.2	-2.1	-604.0	-71.7	ampl	12.9	-2.1	26902.8	4374.7	95.4	8.9	1.1							
									A	S A1	Q											
			-	TRX DC	;						-	TRY DC										
	CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2		CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2							
Gouy	25.5	74.8	-25.5	74.8	NaN	-0.6	-2.3	Gouy	25.5	74.8	-25.5	74.8	-0.3	-0.6	-2.2							
ampl-	11536.	4176.3	11536.7	4176.3	NaN	-11.7	-1.4	ampl	-11536.	4176.3	11536.	-4176.3	-8.3	-11.7	-1.4							
l	· · · · ·						•		·													

TRX + TRY でCommon HARD TRX – TRY でDifferential HARD をとる Gouy phaseはSOFTの信号が最小になるところで(つまり-25.5+90=64.5 deg) PR2

-22.0

0.3

-140.5

183.2

#### Gouy phase依存性で見ると





## 全Sensing Matrix

#### WFS Sensing Matrix [W/rad?]

(Gouy phases at REFL A:85.7, REFL B:-20.3, AS A:70.4, AS B:160.4, TR A:64.5 deg)

CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2
- 4484.6	777.4	7.9	1.2	24.3	54.1	-4.2
16975.9	-2759.9	0.0	0.0	22.4	117.8	54.0
- 693.4	44.8	5.7	0.9	-43.3	-124.6	-16.3
- 0.4	-0.2	116.5	-142.8	100.9	-0.5	-0.1
191.0	225.1	0.4	-0.1	160.2	452.8	53.7
0.1	0.1	-439.2	538.5	-381.1	0.1	0.0
1811.9	-116.4	0.0	0.3	113.4	326.6	42.7
9.0	-0.6	-0.0	0.0	0.6	1.6	0.2
- 497.5	-588.4	-0.8	-0.1	-418.3	-1183.2	-140.4
- 2.5	-2.9	0.0	-0.0	-2.1	-5.9	-0.7
- 348.0	-426.7	-0.5	0.7	-0.5	-427.1	-50.7
1.1	1.4	1.8	0.5	1.4	5.4	2.1
- 0.0	0.0	-108.3	-17.6	-0.1	0.0	0.0
0.0	-0.1	26902.6	4372.3	36.3	-8.9	-1.1
- 0.1	0.0	0.1	0.6	-0.4	-0.0	-0.0
12.9	-2.1	-28.6	-143.9	88.3	0.1	0.0
- 7.5	2905.9	7.5	2905.9	0.0	-3.5	-0.4
- 3514.8	2849.3	3514.8	2849.3	0.0	0.1	0.0
- 7.5	2905.9	-7.5	-2905.9	-2.5	-3.5	-0.4
- 3514.8	2849.3	-3514.8	-2849.3	0.0	0.1	0.0
	CS - 4484.6 16975.9 - 693.4 - 0.4 - 0.4 - 0.1 0.1 0.1 0.1 9.0 - 497.5 - 2.5 - 348.0 - 2.5 - 348.0 1.1 - 0.0 - 0.1 - 0.0 12.9 - 7.5 - 3514.8 - 7.5 - 3514.8	CSCH4484.6777.4-16975.9-2759.9693.444.80.4-0.2-191.0225.1-0.10.1-1811.9-116.4-9.0-0.6497.5-588.42.5-2.9348.0-426.7-1.11.40.00.0-0.10.1-15.8-2.9-348.0-426.7-1.11.40.00.0-7.52905.9-3514.82849.3-3514.82849.3	CSCHDS-4484.6777.47.9-16975.9-2759.90.0-693.444.85.7-0.4-0.2116.5-191.0225.10.4-0.10.1-439.2-1811.9-116.40.0-9.0-0.6-0.0-9.0-0.6-0.0-497.5-588.4-0.8-2.5-2.90.0-348.0-426.7-0.5-1.11.41.80.00.0-108.3-0.00.00.1-12.9-2.126902.6-7.52905.97.5-3514.82849.33514.8-3514.82849.3-3514.8	CSCHDSDH-4484.6777.47.91.2-16975.9-2759.90.00.0-693.444.85.70.9-0.4-0.2116.5-142.8-191.0225.10.4-0.1-0.10.1-439.2538.5-1811.9-116.40.00.3-9.0-0.6-0.00.0497.5-588.4-0.8-0.1-2.5-2.90.0-0.0-348.0-426.7-0.50.7-1.11.41.80.5-0.00.0-108.3-17.6-0.10.00.10.6-12.9-2.1-28.64372.3-12.9-2.1-28.6-143.9-7.52905.97.52905.9-3514.82849.33514.8-2849.3-3514.82849.3-3514.8-2849.3	CSCHDSDHBS-4484.6777.47.91.224.3-16975.9-2759.90.00.022.4693.444.85.70.9-43.3-0.4-0.2116.5-142.8100.9-191.0225.10.4-0.1160.2-0.10.1-439.2538.5-381.1-1811.9-116.40.00.3113.4-9.0-0.6-0.00.00.6-497.5-588.4-0.8-0.1-418.3-2.5-2.90.0-0.0-2.1-348.0-426.7-0.50.7-0.5-1.11.41.80.51.4-0.00.0-108.3-17.6-0.1-0.10.00.10.6-0.4-12.9-2.1-28.6-143.988.3-7.52905.97.52905.90.0-3514.82849.33514.8-2849.30.0	CSCHDSDHBSPR3-4484.6777.47.91.224.354.1-16975.9-2759.90.00.022.4117.8-693.444.85.70.9-43.3-124.6-0.4-0.2116.5-142.8100.9-0.5-191.0225.10.4-0.1160.2452.8-0.10.1-439.2538.5-381.10.1-1811.9-116.40.00.3113.4326.6-9.0-0.6-0.00.00.61.6-497.5-588.4-0.8-0.1-418.3-1183.2-2.5-2.90.0-0.00.2.1-5.9-348.0-426.7-0.50.7-0.5-427.1-1.11.41.80.51.45.4-0.00.0-108.3-17.6-0.10.0-12.9-2.1-28.6-143.938.30.1-7.52905.97.52905.90.0-3.5-3514.82849.33514.82849.30.00.1

PR2は信号が小さいし、 DARMへのカップリング も小さいので干渉計出 カを使っての制御はし ない(aLIGOでもローカ ルに制御すれば十分と している)

本当に十分かは要検討

単位が W/rad? になっ ているのはOptickleの tickle01の出力はファク ターsqrt(2/pi)だけずれ ている疑惑があるから

#### 選択後のSensing Matrix

	WFS Sensing Matrix [W/rad?]											
	(Gouy phases at REFL A:85.7, REFL B:-20.3, AS A:70.4, AS B:160.4, TR A:64.5 deg)											
	CS	СН	DS	DH	BS	PR3	PR2					
REFL_A1I	- 693.4	44.8	5.7	0.9	-43.3	-124.6	-16.3					
TRX_ADC	- 7.5	2905.9	7.5	2905.9	0.0	-3.5	-0.4					
AS_A1Q	0.0	-0.1	26902.6	4372.3	36.3	-8.9	-1.1					
TRY_ADC	- 7.5	2905.9	-7.5	-2905.9	-2.5	-3.5	-0.4					
REFL_B1Q	0.1	0.1	-439.2	538.5	-381.1	0.1	0.0					
REFL_B1I	191.0	225.1	0.4	-0.1	160.2	452.8	53.7					

対角成分、大きい非対 角成分を取り出して逆 行列をとって対角化 (今回は対角成分の 10%以下の信号は無視 してInput matrixを作っ て計算した)

PR2は干渉計出力では 制御しない

#### **iLCGT** Suspension



RM mass 90 kg

IRM mass 25.75 Kg IM mass 90 Kg

Mirror mass 10 Kg

RM mass 90 Kg

27

# **iLCGT** Suspension

• 鏡に加えたトルクから鏡の角度へのTF(Hrad)



関ロくん提供 (2011/5/1)

上段をクランプしない フルの状態でのモデル 計算

# **iLCGT** Suspension

#### リコイルマスで加えたトルクから鏡の角度へのTF(Hact)



関ロくん提供 (2011/5/1)

RMとTMは同じIMから 吊られているのでほぼ 単振り子の伝達関数

## 輻射圧トルクの影響

- 輻射圧がないとき鏡に加えたトルクから角度の伝達関数  $\frac{\theta_{\text{TM}}}{\tau_{\text{TM}}} = H_{\text{rad}}$   $\tau_{\text{TM}}$   $\tau_{\text{TM}}$   $H_{\text{rad}}$   $H_{\text{rad}}$
- 輻射圧があると kopt  $H_{\rm rad}$  $\theta_{\rm TM}$  $1 + k_{\rm opt} H_{\rm rad}$ kopt: 輻射圧トルク  $au_{\mathrm{TM}}$ この分母がOptickle でいうmMech SOFT/HARDの2つ のモードがある 実際にはリコイルマスでトルクをかけるので  $H_{\rm act}$  $\theta_{\rm TM}$  $1 + k_{\rm opt} H_{\rm rad}$  $au_{
  m RM}$ ↑この系をWFSやOpLevで制御する 30

輻射圧トルクの影響

- 簡単に言うと……
- 伝達関数が

$$\frac{\theta}{\tau} = H \qquad \rightarrow \qquad \frac{\theta}{\tau} = \frac{H}{1 + k_{\text{opt}}H}$$

となると、共振周波数が  

$$\omega = \sqrt{\frac{k_{\text{mech}}}{I}} \rightarrow \omega_{\text{S/H}} = \sqrt{\frac{k_{\text{mech}} + k_{\text{opt}}}{I}}$$

- koptが負なのがSOFT、正なのがHARD
- 腕内パワーが上がる or 鏡の傾きでビームがよくずれる g-factorだとkoptの絶対値が大きくなる
- kmech+kSOFT < 0になるとunstable</li>

## **Opto-mechanical TF**

 リコイルマスに加えたトルクから鏡の角度へのTF(pitch) 輻射圧(Pincav=9.6kW)下で



32

#### ちなみに

iLCGTサスペンションにbLCGTのパワーを入れると?
 腕内パワー400kW, pitch



#### ちなみに

曲率をITM1.6km, ETM1.9kmにすると?
 腕内パワー400kW, pitch



# どの程度の共振周波数ならよいか

- SOFTがstableかunstableかはあまり関係ない
- SOFTが0.3 Hz(or 0.3i Hz)程度以下だと制御しやすい UGFは共振周波数より高く、それより高いカットオフ 周波数を考えると~10Hzではカットオフしていたい
- たとえば元々の共振周波数0.5 Hzだと
   SOFT 0.3 Hz
   HARD 1.1 Hz
   で制御しやすい 単振り子 慣生 エント

↓ = 0.7 kgm<sup>2</sup> を仮定

 ただ、ビームがずれにくい ということはWFS信号が小 ということでもある



# 角度制御系の設計

- 先程のopto-mechanicalな系を制御する
- 地面振動を抑えつつ、ショットノイズを導入しない制御
- 角度の残留ノイズとビームスポットの動き(BSM)が長さ 変動にカップルする  $\Delta L(f) = d_{spot}(f) * \theta_{Mirror}(f)$  $\approx \theta_{Mirror}^{RMS} d_{spot}(f) + d_{spot}^{RMS} \theta_{Mirror}(f)$
- TMはDARMに直接効く(カップリング係数 c=1) 他の鏡は下記の係数を仮定 BS: π/(2F) ~ 1/980 PR2, PR3: 1/100
- とりあえず全てpitchを計算

PRCの鏡が1/100もカップルすることはないらしいが、 とりあえずこれで計算しておけば安全

#### 角度制御系の構造



# sigACとmMech

• mMechは「輻射圧がなかったら回転させられる角度から 輻射圧下で実際に回転する角度」の伝達関数 [rad/rad]

$$\frac{\theta_{\rm TM}}{\tau_{\rm RM}} = \frac{H_{\rm act}}{1 + k_{\rm opt}H_{\rm rad}} = H_{\rm act} \cdot {\rm mMech}$$

• sigACにはmMechも入っている(輻射圧の影響入ってる)



# tickleO1(余談)

- Optickleではずれに応じた振幅の10モードを発生させ、 00モードの振幅とかけたものをtickle01の出力(sigAC) としている
- 実際には  $U'_{00} \simeq U_{00} + c_{disp}U_{10}$ 
  - で、二乗して左右(上下)の差をとるので $U_1^*U_0^*U_0U_0$ の積分が必要
- $\operatorname{corv} \sqrt{2/\pi}$ だけtickleO1のsigACはずれていると思う
- sigACに  $\sqrt{2/\pi}$  をかけると理論値[W/rad]と一致
- DCのBSMでパワーを変位に換算するには実際には

$$\delta x = w \frac{P_{\text{BSM}}}{2\sqrt{2/\pi}P}$$
だが、 $\delta x = w \frac{P_{\text{BSM}}^{\text{sigAC}}}{2P_{\text{sigDC}}}$ で。

バージョンによっては較正時のファクター2を忘れていたため、 Optickleが誤って修正されている場合があり、その場合はファク 39 ター2もいらない。(tickle01.mを正しく戻す方がよいが)

制御フィルタの設計



オープンループ伝達関数



#### 地面振動による角度揺れ







### ビームスポットの動き



# DARMへのカップリング



## ちなみに制御しないと.....



46

# 各QPDショットノイズの寄与



#### 各鏡の地面振動の寄与



# コメントなど

- BSとPR2/3は揺れやサスペンション同じとしている、 ビームセンタリング完璧、QPD(DC)の防振完璧など簡単 化しているところあり
- 制御自由度の変更、フィルタ行列の変更、IMに返すなど 改良の余地はあり
- PR2をDC WFSで制御すればビーム平面が決まる?
- 制御しやすいacquisition modeも考えるべき?
   POX/POYを使うなど
- サスペンションの伝達関数が超重要 確定するまでフィルタの設計はするな
- pickleとのつき合わせはまだやってない
   LIGOのパラメータで計算をしてみて、pickleと同じ
   結果になるか確かめることはできる

まとめ

- ASCで何をやればよいのかわかってきた
- iLCGTのパラメータでASCの設計とその評価を行った
- pitchの共振周波数が高く、ショットノイズで鏡を揺らしれしまう問題が見つかった
- ハイパワーにすると現状のg-factorでは厳しいかもしれないことがわかった
- 次はbLCGTの計算
- aLIGO ASCのその先へ