※ ファクター程度の計算式の誤りがある可能性はあります.

TOBAの設計検討と展望

安東 正樹



Small-scale TOBA at Tokyo



Small-scale TOBA at Kyoto

SWIM on SDS-1 satellite

イントロダクション



捩じれ型重力波望遠鏡 (TOBA: <u>Torsion-Bar Antenna</u>) 2つの棒状試験マスを配置 ☆ 重力波による差動回転変動を観測





自由質点をレファレンスに、重力波による潮汐力変動を観測

Traditional IFO detector Detect differential length change

差動歪み変動

Torsion Detector Detect differential rotation

 $h \sim \delta \theta \sim \frac{\delta L}{L}$

中間発表会 (April 15th, 2015)

差動捩じれ変動

 $h \sim \frac{\delta L}{L}$

方式の比較





試験マス:振子で懸架 (共振周波数 ~1Hz)

長い基線長が取れる →信号の増大, 高い感度

捩じれ観測 (TOBA)

試験マスの捩じれ変動観測周波数 10mHz-1Hz



試験マス: 捩じれ振子で懸架 (共振周波数 ~1mHz)

長基線は必要ない → シンプルな構成, 外乱除去

Fundamental noise level of final TOBA

Practical parameters $ightarrow ilde{h} \simeq 3 imes 10^{-19}$ [Hz^{-1/2}] (at 0.1 Hz)



Frequency [Hz]

Bar length : 10m, Mass : 7600kg Laser source : 1064nm, 10W Cavity length : 1cm, Finesse : 100 Bar Q-value : 10⁵, Temp: 4K Support Loss : 10⁻¹⁰

Laser Freq. noise < $10Hz/Hz^{1/2}$, Freq. Noise CMRR>100 Intensity noise < $10^{-7}/Hz^{1/2}$, Bar residual RMS motion < 10^{-12} m

TOBAの感度



Bar length : 10m, Mass : 7600kg Laser source : 1064nm, 10W Cavity length : 1cm, Finesse : 100 Bar Q-value : 10⁵, Temp: 4K Support Loss : 10⁻¹⁰



観測可能距離

ブラックホール連星の合体現象からの重力波

10Gpcまで観測可能 ($\sim 10^5 M_{\odot}$, SNR = 5)



背景重力波

観測可能な 背景重力波 のエネルギー密度比 $\Omega_{\rm gw} \sim 10^{-7}$ (1年間の観測)

BBN 上限値を超える 初期宇宙のテンソル 揺らぎ起因の重力波

R.Saito and J.Yokoyama, PRL 102, 161101 (2009)



プロトタイプ TOBA



		Phase-I	Phase-II		Final
懸架系	TMサイズ	小型(20cm)	小型(25cm)		大型(10m)
	TM本数	1本	2本		2本
	Multi-Output	×	0		\bigcirc
	防振系	×	○ 受動+能動		0
	低散逸懸架	\bigtriangleup	×		0
センサー(干渉計)		Michelson	Michelson		Fabry-Perot
低温		×	×		0
	-	h~10 ⁻⁸ @1Hz 原理検証 背景重力波初観測	h~10 ⁻¹⁰ @1Hz 懸架系の確立 April 1秒的初観測		h~10 ⁻¹⁹ @1Hz 重力波天文学



		Phase-II	Phase-III	Final Tidal forces by gavitational waves Test-mass bar Test-mass bar Test-mass bar
懸架系	TMサイズ	小型(25cm)	中型(1m)	大型(10m)
	TM本数	2本	2本	2本
	Multi-Output	0	\bigcirc	\bigcirc
	防振系	○ 受動+能動	○ 受動+能動	0
	低散逸懸架	×	\bigcirc	0
センサー(干渉計)		Michelson	Michelson	Fabry-Perot
低温		×	0	\bigcirc
		h~10 ⁻¹⁰ @1Hz 懸架系の確立 IMBH初観演 ^{会(A}	h~10 ⁻¹⁵ @1Hz 天の川銀河内の探査	h~10 ⁻¹⁹ @1Hz 重力波天文学









Phase-III TOBA 我々の銀河中心から来るIMBH合体を捉えられる感度



TOBA Activities

・東京大:プロトタイプ, SWIM
 ・オーストラリア: TOBA ANU



・フランス: E-GRAAL
(Earthquake GRAvity ALerts)
・東京大・地震研:地震即時検出









Phase-III TOBA

Phase-III TOBAの目的

・低周波数帯での重力波観測. → 0.1Hz での世界最高感度での観測. ・Newton重力場変動の直接測定. → 地上重力波望遠鏡の低周波雑音キャンセル. ・世界最高感度での微小力測定. → 量子測定, 基礎物理実験, 宇宙重力波望遠鏡. ・地震の即時検出. ·低温懸架·低周波数防振技術.

 \rightarrow KAGRA, ET, ...

Phase-III TOBA 要求值



要求値・パラメータの概要(1)



要求値・パラメータの概要(2)

実験環境	RELEXTRA
* 真空度	1×10^{-8} Pa
* 温度変動 (熱輻射)	$1 \times 10^{-2} \text{ K/Hz}^{1/2}$
* 静磁場 (地磁気):	$5 \times 10^{-5} \text{ T}$
* 磁場変動	$1 \times 10^{-7} \text{ T/Hz}^{1/2}$
磁気シールド:	5.5桁

感度見積もり





1. **原理的な雑音**

* 光読み取り雑音 (Shot and Rad. Press. noises) * 熱雑音 (Suspension, Bar, Mirror) 2. 外力雑音 *Magnetic coupling, Thermal radiation, Residual Gas,... 3. 地面振動雑音

- * 回転地面振動
- * 変位振動からのカップリング

4. その他の雑音

* Vibration from cryogenic system, Actuator noises,...





1. 原理的な雑音



標準量子限界 (SQL: Standard Quantum Limit) 散射雑音と量子輻射圧雑音が無相関のとき, それらの和で決まる測定限界.

 $\delta\theta_{\rm SQL} = \sqrt{\frac{2\hbar}{I\omega^2}}$

棒状試験マス: $I = \frac{1}{12}ML^2$ ダンベル状マス: $I = \frac{1}{4}ML^2$

→ 慣性モーメントで決まる.

•要求値 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). → $I \ge 3.0 \times 10^{-3} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$





中間発表会 (April 15th, 2015)

散射雑音と輻射圧雑音

•散射雑音 (Shot Noise)

 $\delta\theta_{\text{Shot}} = \frac{1}{2L} \sqrt{\frac{\hbar c \lambda}{\pi P_0}}$ [rad/Hz^{1/2}] •輻射圧雑音 (Radiation Pressure Noise)

 $\delta\theta_{Rad} = \frac{2L}{I\omega^2} \sqrt{\frac{\pi\hbar P_0}{c\lambda}} \quad [rad/Hz^{1/2}]$ ⇒ これらが一致 $P_0 = \frac{I\omega^2 c\lambda}{4\pi L^2}$ [W] $f = 0.1 \text{ Hz}, L = 0.3 \text{ m}, I = 0.057 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ のとき, $P = 9.2 \text{ W}, \delta\theta_{Shot} = 6.8 \times 10^{-17} \text{ rad/Hz}^{1/2}$ ※ マイケルソン干渉計での角度測定を想定.

棒状試験マスの熱雑音

試験マスの熱雑音 (Mass Thermal Noise) 試験マス内部の機械損失に起因. 端点での差動振動が変位読み取に影響する.



$$\delta\theta_{\text{Bar}} = \frac{1}{L} \sqrt{\frac{4k_BT}{\omega} \frac{\phi}{\mu\omega_0^2}} \quad (\omega \ll \omega_0) \begin{bmatrix} 換算質量 : \mu \\ & \textit{identify} \end{bmatrix}$$

Readout

・要求値 h ≤ 10⁻¹⁵ Hz^{-1/2} (f = 0.1 Hz).
 → 低温銅(φ = 10⁻⁶, T = 4 K) なら問題ない.

試験マスの熱雑音



中間発表会 (April 15th, 2015)



サスペンションの熱雑音 (Suspension Thermal Noise) 懸架ワイヤ内部の機械損失に起因.

 $\delta\theta_{\rm sus} = \sqrt{\frac{4k_BT}{\omega} \frac{\omega_0^2 \phi}{I\omega^4}} \quad (\omega \gg \omega_0)$ → ワイヤ Q値, 共振周波数, 慣性モーメント に依存. •要求值 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). → 例: シリコンサスペンション, 銅円柱マス $L = 30 \text{ cm}, r = 3.0 \text{ cm}, I = 0.057 \text{ kg} \cdot \text{m}^2, M = 7.6 \text{ kg}$ $\phi = 3 \times 10^{-8}, T = 4 \text{ K}, f_0 = 2 \text{ mHz}$

Bulk : Numata+ , Phys. Lett. A, 284, 162 (2001) Flexure : Reid+, Phys. Lett. A, 351, 205 (2006).

振り子の熱雑音



中間発表会 (April 15th, 2015)

2. 外力維音

外部磁場変動の影響

外部磁場による磁化 + 磁場変動 → トルク

・要求値 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). → L = 30 cm のとき、 $\chi/\rho < 3.4 \times 10^{-13} \text{ m}^3/\text{kg}$

[シリコン: χ/ρ = 1.4 × 10⁻⁶ m³/kg
 銅: χ/ρ = 1.0 × 10⁻⁹ m³/kg]
 → 銅の場合でも約3.5(+2)桁の磁気シールド・キャンセルが必要.

主な材質の物性値

the party of the spin of a spin drive

	Q-factor	Young's modulus	Density ρ	Volume Mag. Susceptibility χ	Mass Mag. Susceptibility
Aluminum	10 ⁵	72 GPa	2,700 kg/m ³	20.6x10 ⁻⁶	0.61x10 ⁻⁶
Sapphire	107	335 GPa	3,970 kg/m ³	???x10 ⁻⁶	???x10 ⁻⁶
Silica/glass	10 ⁶	GPa	2,500 kg/m ³	-13.2x10 ⁻⁶	-0.42x10 ⁻⁶
Silicon	10 ⁸	185 GPa	2,329 kg/m ³	3,219x10 ⁻⁶	110x10 ⁻⁶
Cupper		110 GPa	8,960 kg/m ³	9.68x10 ⁻⁶	-0.086x10 ⁻⁶
Titanium		GPa	4,500 kg/m ³	180x10 ⁻⁶	3.18x10 ⁻⁶
Tungsten		GPa	19.300 kg/m ³	77.6x10 ⁻⁶	0.32x10 ⁻⁶
Platinum		GPa	21,500 kg/m ³	264x10 ⁻⁶	0.98x10 ⁻⁶
Gold		GPa	19.320 kg/m ³	-34.5x10 ⁻⁶	-0.14x10 ⁻⁶
Niobium		103 GPa	8,560 kg/m ³	236x10 ⁻⁶	2.20x10 ⁻⁶ [cm ³ /g]

中間発表会 (April 15th, 2015)

 ・超伝導磁気シールド
 * 0.2Hzで 1/(3×10⁶) の遮蔽効果.
 * 鉛を添加したビスマス系セラミック 高温超伝導体Bi_xPb_(2-x)Sr₂Ca₂Cu₃O_y
 * 臨界温度 ~100K
 * シールド 厚さ 1mm.
 •磁場の差引き



太田浩, 情報通信研究機構季報Vol.50 (2004)

- * 外部磁場変動を測定 → 信号から差し引く.
- * 磁力計感度 < $1nT/Hz^{1/2}$.
- ・試験マスの磁化率をキャンセルする.
 - * 常磁性体と反磁性体を組み合わせる (Au-Pt, Al-Sn, Cu-Al).
 * 合金である必要はない.

外部磁場変動の影響

残留気体変動の影響

残留気体分子の衝突による熱雑音

 $\delta\theta_{\rm trad} = \frac{1}{L\omega^2} \left(\frac{8}{3} a P L\right)^{1/2} (3k_{\rm B}Tm_{\rm m})^{1/4} \ \rm rad/Hz^{1/2}$ a: 試験マスの側面積, P: 圧力, m_m:気体分子の質量(水素分子 3.3×10⁻²⁷ kg) •要求值 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). → L = 30 cm, T = 4 K のとき、 $P < 1.4 \times 10^{-8}$ Pa □ 良い真空が必要. 試験マス形状の工夫ができる可能性?

試験マス周辺からの熱輻射 $(I = \sigma T^4 W/m^2)$ の変動. もっとも大きな相関を持った場合.

 $\delta\theta_{\text{trad}} = \frac{1}{I\omega^2} \frac{4\sigma T_p^3 a L}{c} \delta T_d \text{ rad/Hz}^{1/2}$ $\begin{bmatrix} a: 試験マスの側面積, \sigma: ステファン-ボルツマン定数, \\ T_p: 温度 [K], \delta T_d: 温度変動 [K/Hz^{1/2}] \end{bmatrix}$

熱輻射変動の影響

・要求値 h ≤ 10⁻¹⁵ Hz^{-1/2} (f = 0.1 Hz).
 → L = 30 cm, T = 4 K のとき、 δT_d = 1.1 × 10⁻² K/Hz^{1/2}
 ☆ 差動変動しなければ良い → 熱伝導の良い材質で囲む.

3. 地面振動



地面振動の回転成分 \rightarrow 0.01 rad/m とする. 多段ねじれ振り子で防振される

 $\delta \theta_{s} \cong \left(\frac{f_{0}}{f}\right)^{2n} \delta \theta_{seis}$ [n:振り子段数]



・要求値 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). 7桁の防振が必要. 2段振り子 $\Rightarrow f_0 = 1.8 \text{ mHz}$ 3段振り子 $\Rightarrow f_0 = 6.8 \text{ mHz}$ $i \Rightarrow f_0 = 2 \text{ mHz}$ の3段振り子 (2段 + 1段ダンピング)



試験マス並進変動からのカップリング
 * 鏡の傾き → 並進変動が回転変動
 として読み取られてしまう影響.
 * 0.1Hzでは並進の防振が困難.



 $\delta \theta_d = \Delta \theta \frac{\delta x}{L} \quad \operatorname{rad/Hz}^{1/2} \quad [\Delta \theta: 鏡の傾き, \delta x : 並進変動]$ • 要求値 $h \le 10^{-15} \operatorname{Hz}^{-1/2} (f = 0.1 \operatorname{Hz})$. $\rightarrow 鏡の平行度 \ \Delta \theta = 10^{-7} \operatorname{rad},$ 並進変動 $\delta x = 10^{-8} \operatorname{m/Hz}^{1/2}$ [長さ 30cm $\lambda/30 \ O \ O \ O \ B \ P \ \Delta \theta = 10^{-7}$]

試験マス並進変動の影響

試験マス並進変動の影響

重心

重心と懸架点のずれによるカップリング 懸架点並進 懸架点の並進変動 ×E → 並進変動が回転変動 $I\ddot{\theta} + \gamma\dot{\theta} + \kappa\theta = \Delta x M \ddot{x}$ $\Box \hspace{-0.5cm} \stackrel{\widetilde{\theta}}{\to} = \frac{M}{I} \Delta x \cdot \tilde{x} = \frac{12}{I^2} \Delta x \cdot \tilde{x} \quad \text{rad/Hz}^{1/2}$ •要求值 $h \le 10^{-15} \text{ Hz}^{-1/2}$ (f = 0.1 Hz). → 試験マス長さ 30 cm のとき、 $\tilde{x} = 10^{-8} \text{ m/Hz}^{1/2}$ 並進変動 **懸架点のずれ** $\Delta x = 7.5 \times 10^{-10}$ m



重心×

・並進からのカップリングの低減

* 重心位置の調整. 試験マスの傾き $\Delta \theta = \Delta x / \Delta h$ を調整. $\rightarrow \Delta \theta = 10^{-5}, \Delta h = 10^{-4}$ は可能だろう (Pitch 共振周波数 18mHz). ※ ワイヤの弾性を考量する必要はある.



・並進からのカップリング低減
 * 鏡面の平行度 < 10⁻⁵
 * 懸架点のずれ < 10⁻⁷ m



* 並進変動の測定をし、データから差し引く. $\delta x = \sim 10^{-11} \text{ m/Hz}^{1/2}$

4. その他の雑音



・光源の古典強度雑音

マイケルソン干渉計が完全に対称の場合は影響ない. 動作点のずれ(RMS)とカップルして読み取り雑音となる.

 $\delta\theta_{\rm int} = \frac{\delta I}{I} \Delta\theta_{\rm rms} \quad [\rm rad/Hz^{1/2}]$

☆ 強度安定化と干渉計制御への要求

 $\frac{\delta I}{I} \le 1 \times 10^{-6} \text{ Hz}^{-\frac{1}{2}}$ $\Delta \theta_{\text{rms}} \le 1 \times 10^{-9} \text{ rad}$



・光源の周波数雑音

マイケルソン干渉計の腕の長さの非対称性 とカップルしてする影響.

 $\delta\theta_{\rm freq} = \frac{\delta\nu}{\nu} \frac{\Delta x}{L} \quad [\rm rad/Hz^{1/2}]$

⇒ 周波数安定化と干渉計非対称性への要求 $\delta v \le 50$ Hz/Hz^{1/2} ($\lambda = 1550$ nm) $\Delta x \le 1 \times 10^{-3}$ m

要求値と雑音源のまとめ

要求値・パラメータの概要(1)



要求値・パラメータの概要(2)

実験環境	RELEXTRA
* 真空度	1×10^{-8} Pa
* 温度変動 (熱輻射)	$1 \times 10^{-2} \text{ K/Hz}^{1/2}$
* 静磁場 (地磁気):	$5 \times 10^{-5} \text{ T}$
* 磁場変動	$1 \times 10^{-7} \text{ T/Hz}^{1/2}$
磁気シールド:	5.5桁

感度見積もり

The local division of the local division of

A REAL PROPERTY OF THE PARTY OF



中間発表会 (April 15th, 2015)

検討が足りていない事項

・読み取りの構成 * レファレンス部の回転変動も問題となる.

・アクチュエータ

- * 制御するかどうか.
- * コイル-マグネットアクチュエータは使用できない.

・低温との整合性

- * 光の導入.
- * 使用できるコンポーネントのサーベイ.

開発要素と実験計画

Phase-III TOBAへ向けた開発要素

・シリコンファイバの特性評価. *入手性,Q值測定,耐荷重評価. ・並進変動からのカップリング低減 * 平面研磨, 相対並進制御, 重心調整. ·低温設備,干渉計構成 * 冷却設備の整備, 低温干渉計. ·磁場雑音低減 * 磁気シールド, 磁気特性評価. ・アクチュエータ開発 * 永久磁石を使用しないもの: 静電型,誘電型,光輻射圧.

やってみると良さそうな小中実験

(1) 熱雑音で制限されたねじれ振り子開発. → 光学浮上,オプトメカ測定,各種雑音評価など. * 1段ねじれ振り子 + プラットフォームも懸架. * 干渉計でReadout. (PRMI?) * 並進カップリングを低減・評価. * 上段懸架部もあると良い. * 常温・試験マス形状も工夫してよい. (1') **感度の良い常温**TOBA

- * 常温でできることを全てやる.
 - → h~10⁻¹² Hz^{-1/2} 程度は実現可能.

やってみると良さそうな小中実験

(2) 低温干涉計開発. → 低周波数での最高変位感度など. * 固定鏡, もしくは懸架鏡干渉計 * 何らかのアクチュエータで制御. (3) シリコン等の材質評価. → Q値の高い振り子の実現. *温度依存性などの性質も調べられると良い. (4) 超伝導を用いた何かの開発

* アクチュエータ, センサ, シールド,....

やってみると良さそうな小中実験

(5) 低温ねじれ振り子

* 低温での熱雑音低減効果, 非平衡系熱雑音?, 波束収縮heating?,

(6) DECIGO関係.

- * 航空機実験装置の開発.
- * 相乗りミッション用システム開発.
- * 力の雑音の測定.

(7) 地震の即時検出.

- * 2011年3月11日のTOBAデータ解析.
- * 地震研との共同研究.

おしまい

and a state of the product of the state of t

中間発表会 (April 15th, 2015)

98.200.200.000 Files



ワシントン大 グループ (Eot-Wash group)

D. J. Kapner et al., Phys. Rev. Lett 98 (2007) 021101



From Web Page: PHYSICS DIVISION Lawrence Berkeley National Laboratory

Challenging our Understanding of Gravity



Tabletop Experiments

Some paradoxes of particle physics can be investigated in surprisingly direct ways. Measuring the force of gravity extremely carefully with a tabletop apparatus could reveal the existence of hidden dimensions.

The astonishing possibility is that, at very short distances, gravity may no longer follow Newton's Law (force of gravity varies inversely with distance squared). The actual strength of gravity at less than 1/32 ind (0.8 mm) is being tested using exquisitely sensitive instruments, such as the precision torsion pendulum at the left. A deviation from Newton's Law would be evidence for hidden dimensions.

Gravity and Hidden Dimensions?

Gravity is so weak that a tiny magnet can hold up a paper clip against the gravity of the entire Earth. Perhaps gravity is weak because its effect is spread out over more than three space dimensions, while stronger forces like magnetism are confined to just the three dimensions we perceive. Notice that the field lines below are more spread out in three dimensions than in two dimensions. The same would be true comparing four dimensions to three dimensions.



2014年度後期現代実験物理学Ⅱ(2014年東京大学)

テストマス ソースマス



PHYSICAL REVIEW D 70, 042004 (2004)



テストマス モリブデン製ディスク 厚さ 0.997mm 21x2 個の穴 径 4.767mm m~40g, I~128 g cm²

> ソースマス (アトラクター) モリブデン製ディスク 厚さ 0.997mm 21x2 個の穴 (径 3.178 mm) タンタル製ディスク 21個の穴 (径 6.352mm)

2014年度後期現代実験物理学Ⅱ(2014年東京大学)



2014年度後期現代実験物理学II(2014年東京大学)



光てこ



2014年度後期現代実験物理学Ⅱ(2014年東京大学)





2014年度後期現代実験物理学Ⅱ(2014年東京大学)

ADD THE FREE PROPERTY.